

**Electromagnétisme et optique****Contrôle Continu****Vendredi 15 décembre 2000 à 16H30****Amphi 22****Durée de l'épreuve : 2h00****Cours, documents et calculatrices autorisés.****1. Energie rayonnée par une particule accélérée : diffusion par un atome cible**

On considère un atome cible, fixe dans l'espace, portant la charge négative  $Zq$ . Un électron de masse  $m$  au repos et de charge  $q$  est envoyé depuis l'infini, avec une vitesse initiale  $v_0$ , en direction de la cible, avec laquelle il est en interaction de Coulomb. Soit  $V(x)$  le potentiel subi par l'électron, situé au point M d'abscisse  $x$ , en présence de la cible située à l'origine O ( $x=0$ ). On souhaite dans cet exercice évaluer l'énergie  $W$  rayonnée dans tout l'espace par l'électron au cours de sa trajectoire : de l'infini jusqu'à une distance d'approche minimum  $x_{min}$ , puis retour à l'infini en sens inverse. Pour cela on négligera l'énergie rayonnée devant l'énergie totale  $E$  de l'électron, composée de l'énergie cinétique  $E_c$  et de l'énergie potentielle  $E_p$ .

1. Rappeler l'expression du potentiel d'interaction  $V(x)$  puis celle de l'énergie potentielle  $E_p(x)$  de l'électron en tout point de sa trajectoire, en fonction de  $Z$ ,  $q$ ,  $x$  et  $\epsilon_0$ .
2. Montrer que la vitesse  $v(x)$  de l'électron en tout point de sa trajectoire s'écrit :  $v(x) = (2/m)^{1/2} \cdot (C - B/x)^{1/2}$ . Donner l'expression de  $C$  et de  $B$  en fonction de  $E$ ,  $Z$  et  $q$ .
3. Rappeler la formule non-relativiste de Larmor qui relie l'énergie rayonnée dans tout l'espace par unité de temps  $dW/dt$  en fonction de l'accélération  $dv/dt$ . En déduire l'expression de l'énergie rayonnée par unité de longueur  $dW/dx$  en fonction de  $v$  et de  $dv/dx$ .
4. Donner alors l'expression de  $W$ , énergie totale rayonnée par l'électron sur un aller-retour, sous forme intégrale et en précisant les bornes d'intégration.
5. Calculer ensuite  $W$ . On pourra effectuer le changement de variable :  $y = Cx/B$ .

6. On pose  $\alpha = v_0/c$  (avec  $c$  vitesse de la lumière) et  $k = W/E$ . Donner l'expression de  $k$  en fonction de  $\alpha$  et de  $Z$ . Discuter la formule obtenue.
7. Application Numérique :  $\alpha = v_0/c = 0,1$  ;  $Z = 2$ ; Calculer alors  $W$  en eV (électron-volt).

Rappels :  $m = 10^{-30}$  kg ;  $c = 3.10^8$  m/s ;  $q = - 10^{-19}$  C.

On donne : 
$$\int_{\infty}^1 \frac{dy}{y^{7/2}(y-1)^{1/2}} = -\frac{16}{15}.$$

## 2. Lunette astronomique et lunette terrestre

Une lunette astronomique est constituée d'un objectif  $L_1$  de focale  $f_1=20$  cm et d'un oculaire  $L_2$  de focale  $f_2=1$  cm, tous deux assimilés à des lentilles minces convergentes.

1. Comment doit-on placer  $L_1$  et  $L_2$  pour observer des objets célestes à l'infini sans accommoder (système afocal)? Calculer alors la distance  $d=L_1L_2$  entre les deux lentilles.
2. Calculer le grossissement  $G$  de cette lunette
  - a. par une construction géométrique,
  - b. par un calcul matriciel.

L'image est-elle à l'envers ou à l'endroit par rapport à l'objet?

3. Calculer la position et le diamètre  $\Delta$  du cercle oculaire, image donnée par l'oculaire de la monture de l'objectif, de diamètre 5 cm.
4. On désire utiliser cette lunette pour observer des objets terrestres rapprochés. Quelle doit être la nouvelle distance  $d$  pour observer l'image d'un objet situé à une distance  $D$  de  $L_1$  sans accommoder (mise au point de la lunette)? Faire un schéma.

Doit-on rapprocher ou éloigner l'objectif de l'oculaire? Application numérique :  $D=50$  m.

5. On retrouve une vieille lunette rouillée dans une position telle que  $d=23$  cm, sans possibilité de modifier cette configuration. On ne peut donc plus observer les astres directement. Pour pallier ce problème, on fixe devant l'oculaire une petite lentille divergente  $L_3$  ( $L_2L_3=a$ ), de focale  $f_3$ , de manière à former l'image d'une étoile à travers la lunette puis  $L_3$ . Calculer  $a$  et  $f_3$  si on veut retrouver les conditions d'observation de la lunette initiale (observation sans accommoder, même grossissement). On utilisera le calcul matriciel.